

| Tipo                        | Función simple  |  | Función compuesta  |  |
|-----------------------------|---|--|--|--|
| Constante                   | $f(x) = k$  | $f'(x) = 0, k \in \mathbb{R}$  |  |  |
| Identidad                   | $f(x) = x$  | $f'(x) = 1$  |  |  |
| Potencial                   | $f(x) = x^a$  | $f'(x) = a \cdot x^{a-1}$  | $f(x) = f^a$   | $f'(x) = a \cdot f^{a-1} \cdot f'$                                   |
| Irrracional                 | $f(x) = \sqrt[n]{x}$  | $f'(x) = \frac{1}{n \cdot \sqrt[n]{x^{n-1}}}$  | $f(x) = \sqrt[n]{f}$   | $f'(x) = \frac{f'}{n \cdot \sqrt[n]{f^{n-1}}}$                       |
| Exponencial                 | $f(x) = e^x$  | $f'(x) = e^x$  | $f(x) = e^f$   | $f'(x) = e^f \cdot f'$   |
|                             | $f(x) = a^x$  | $f'(x) = a^x \cdot \ln a$  | $f(x) = a^f$   | $f'(x) = a^f \cdot f' \cdot \ln a$                                   |
| Potencial exponencial       | La derivamos como tipo potencial y le sumamos la derivada como exponencial.<br><br>*** Se suele hacer tomando logaritmos no se aplica esta fórmula. |  | Es una función f elevada a otra función g<br><br>Potencial      Exponencial<br>$D[f^g] = g \cdot f^{g-1} \cdot f' + f^g \cdot g' \cdot \ln f$<br>D quiere decir derivada |  |
| Logarítmica                 | $f(x) = \ln x$  | $f'(x) = \frac{1}{x}$  | $f(x) = \ln f$   | $f'(x) = \frac{f'}{f}$   |
|                             | $f(x) = \lg_a x$  | $f'(x) = \frac{1}{x \cdot \ln a}$  | $f(x) = \lg_a f$   | $f'(x) = \frac{f'}{f \cdot \ln a}$                                   |
| <b>Trigonométricas</b>      |   |  |  |  |
| Seno                        | $f(x) = \sin x$   | $f'(x) = \cos x$   | $f(x) = \sin f$  | $f'(x) = \cos f \cdot f'$  |
| Coseno                      | $f(x) = \cos x$   | $f'(x) = -\sin x$  | $f(x) = \cos f$  | $f'(x) = -\sin f \cdot f'$   |
| Tangente                    | $f(x) = \operatorname{tg} x$  | $f'(x) = 1 + \operatorname{tg}^2 x = \frac{1}{\cos^2 x}$   | $f(x) = \operatorname{tg} f$   | $f'(x) = (1 + \operatorname{tg}^2 f) \cdot f' = \frac{f'}{\cos^2 f}$ |
| Arco seno                   | $f(x) = \operatorname{arc} \sin x$  | $f'(x) = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$   | $f(x) = \operatorname{arc} \sin f$   | $f'(x) = \frac{f'}{\sqrt{1-f^2}}$                                    |
| Arco coseno                 | $f(x) = \operatorname{arc} \cos x$  | $f'(x) = \frac{-1}{\sqrt{1-x^2}}$  | $f(x) = \operatorname{arc} \cos f$   | $f'(x) = \frac{-f'}{\sqrt{1-f^2}}$                                   |
| Arco tangente               | $f(x) = \operatorname{arc} \operatorname{tg} x$   | $f'(x) = \frac{1}{1+x^2}$  | $f(x) = \operatorname{arc} \operatorname{tg} f$  | $f'(x) = \frac{f'}{1+f^2}$   |
| <b>REGLAS DE DERIVACIÓN</b> |   |  |  |  |
| Suma                        | $(f + g)' = f' + g'$  | La derivada de una suma de dos funciones es la suma de las derivadas de estas funciones.   |  |  |
| Resta                       | $(f - g)' = f' - g'$  | La derivada de una diferencia de dos funciones es la diferencia de las derivadas de estas funciones.   |  |  |
| Producto                    | $(f \cdot g)' = f' \cdot g + f \cdot g'$  | La derivada del producto de dos funciones es igual a la derivada de la primera función por la segunda sin derivar más la primera función sin derivar por la derivada de la segunda.  |  |  |
| Cociente                    | $\left(\frac{f}{g}\right)' = \frac{f' \cdot g - f \cdot g'}{g^2}$   | La derivada del cociente de dos funciones es igual a la derivada de numerador por el denominador sin derivar menos el numerador sin derivar por la derivada del denominador y, todo ello, dividido por el denominador sin derivar al cuadrado. |  |  |
| Producto por un número      | $(a \cdot f)' = a \cdot f'$   | La derivada del producto de un número real por una función es igual al número real por la derivada de la función.  |  |  |
| Composición                 | $[g(f(x))]' = g'(f(x)) \cdot f'(x)$   | Regla de la cadena   |  |  |